**UNIVERSIDAD DE LA REPÚBLICA**

Facultad de Ingeniería

Instituto de Computación

“MDVRP”

Introducción Estado del Arte de Proyecto de Grado

Javier de Prado

Alejandro García

Francisco Güella

Tutores

Sandro Moscatelli

Omar Viera

Contenido

[1. Introducción 4](#_Toc406185603)

[1.1. Formulación de algunos problemas clásicos 5](#_Toc406185604)

[1.2. El problema del agente viajero (TSP) 6](#_Toc406185605)

[1.3. Complejidad del problema. 7](#_Toc406185606)

[1.4. El problema de rutas de vehículos o Vehicle Routing Problem (VRP) 8](#_Toc406185607)

[1.4.1. Variantes del VRP 10](#_Toc406185608)

[1.5. Multi-Depot Vehicle Routing Problem (MDVRP) 12](#_Toc406185609)

[Bibliografía 18](#_Toc406185610)

# Introducción

Este documento trata sobre el estado del arte de MDVRP del proyecto de grado de la carrera Ingeniería en Computación de los estudiantes Francisco Güella, Alejandro García y Javier de Prado.

La gestión logística es un elemento clave en la estrategia empresarial, siendo una de sus funciones principales la distribución, y dentro de ella la capacidad para optimizar las rutas de transporte. En este contexto, las empresas deben analizar los factores más relevantes en el diseño de sus rutas vehiculares así como las metodologías más adecuadas para tal optimización. La optimización de una ruta engloba todas las acciones que contribuyen a la mejora de la función de distribución en términos de nivel de servicio, calidad y costos a través de decisiones de carácter estratégico, táctico y operativo. [1]

El Problema de Ruteo de Vehículos con varios Depósitos (MDVRP, Multi Depot Vehicle Routing Problem) se define como una variante específica en el campo de la optimización combinatoria en el que un cierto número de clientes debe ser atendido por una flota de vehículos, de acuerdo a una serie de restricciones que definen las distintas variantes del problema. En este problema las empresas cuentan con depósitos distribuidos geográficamente en el territorio. Cada vehículo debe realizar una ruta que comience y finalice en un mismo depósito. Cada cliente está definido por una cierta demanda y sus coordenadas geográficas, utilizadas para determinar la distancia entre clientes y entre los clientes y los depósitos. Información adicional incluye la capacidad de los vehículos y la longitud máxima de una ruta. El objetivo del MDVRP sería el de asignar los diferentes clientes a cada uno de los depósitos y generar un conjunto de rutas para una flota de vehículos que visite a los clientes minimizando la distancia total requerida en el proceso. [1]

El problema MDVRP se suele presentar, o estudiar, como una generalización del problema VRP (Vehicle Routing Problem). El problema VRP consta de encontrar “buenas rutas” en el mismo contexto, con la diferencia que se cuenta con un único depósito.

Dichos problemas de encontrar “buenas rutas” para los vehículos se pueden ver como el problema de acercarnos a un valor mínimo para algún criterio como puede ser distancia, tiempo, consumo de combustible, etc. En general a este criterio se lo presenta como “costo”. Cuando se plantea que un vehículo brinda servicio a un cliente, en ejemplos prácticos de la vida real, se puede entender tambien como el hecho de “repartir”  o “recoger” mercadería. Por ejemplo, cuando un camión de Conaprole levanta la leche de los tambos, o cuando un camión de Zillertal reparte cerveza en los bares. En estos casos se dice que el vehículo brinda servicio a los clientes.

Como fue analizado en el artículo [REF] de Montoya en 2015 se han realizado numerosas publicaciones sobre MDVRP, especialmente en los últimos años. En la figura 1.1 se puede ver la distribución de estas publicaciones desde 1980 hasta el 2014.



Figura 1.1: Distribución de publicaciones por año de MDVRP

## Formulación de algunos problemas clásicos

En esta sección se dan los modelos matemáticos asociados a algunos problemas clásicos de ruteo de vehículos (TSP, VRP y MDVRP).

La componente geográfica de los problemas se puede modelar a través de un grafo conexo . El conjunto de nodos representa los sitios que participan en el problema, es decir, clientes y depósitos, donde es la cantidad total de clientes y depósitos. La existencia de un arco indica que es posible transportarse desde el sitio representado por al sitio representado por. Es usual que a cada arco se le asocie un costo que indica la manera más económica de transportarse de a .

Una ruta es un ciclo simple en con origen y destino en el sitio (depósito en caso del problema VRP y sus distintas variantes), que representa la secuencia de visitas realizadas por el vehículo que recorre la ruta. El costo de una ruta se obtiene sumando los costos de los arcos que forman el ciclo.

En la mayor parte de los casos será un grafo completo, pues en una red de transporte real dados dos sitios cualesquiera existe una manera de transportarse de uno al otro. No obstante, modelar la red de transporte mediante un grafo permite codificar ciertas características o restricciones directamente en los datos del problema. Por ejemplo, si el uso de un vehículo tiene un costo fijo, puede sumarse dicho valor al costo de todos los arcos de la forma donde es un cliente y 0 es el depósito.

|  |  |
| --- | --- |
| (a) Una instancia de del TSP | (b) Una solución factible |

Figura 1.2: Un TSP de ejemplo y una solución.

## El problema del agente viajero (TSP)

El problema VRP se ha planteado como una generalización del problema TSP (Travelling Salesman Problem) en 1959 por Dantzig y Ramser [2]. Dicho problema, en castellano “Problema del Agente Viajero” es el siguiente: Dada una lista de ciudades y las distancias entre cada una de ellas, ¿cuál es la ruta más corta posible que visita cada ciudad exactamente una vez y regresa a la ciudad origen?

Modelando el problema con la teoría de grafos la solución consiste en encontrar un ciclo simple que visite todos los nodos y cuyo costo total sea mínimo. En este problema no hay demandas y se cuenta con un solo vehículo. Tampoco existe un depósito (o, si existiera, no se distingue del resto de los nodos). En la Figura 1.1 se presenta una instancia del problema y una solución factible para la misma. [2]

La siguiente formulación del TSP como problema de programación entera binaria fue propuesta por Dantzig, Fulkerson y Johnson [3] en 1954:

s.a.

(1.1)

(1.2)

(1.3)

(1.4)

(1.5)

|  |
| --- |
|  |

Figura 1.3: Una solución para la instancia de la Figura 1.1(a) formada por 3 sub-tours.

Las variables binarias indican si el arco pertenece a la ruta ( o no . La función objetivo (1.1) establece que el costo total de la solución es la suma de los costos de los arcos utilizados. La restricción (1.2) restringe los valores que puede tomar y las restricciones (1.3) y (1.4) indican que la ruta debe llegar y abandonar cada nodo exactamente una vez. Finalmente en la restricción (1.5) se utiliza el conjunto para prohibir soluciones sub-tour que cumplan las restricciones de asignación (1.2), (1.3) y (1.4). Esta restricción es llamada restricción de eliminación de sub-tours e impone que todo subconjunto de nodos debe ser abandonado al menos una vez. Si no se impusiera esta restricción se estaría admitiendo soluciones que constan de más de un ciclo, como la que se muestra en la Figura 1.3. Esta solución está formada por tres sub-tours y viola la restricción (1.5) para los conjuntos .

Se han propuesto varias alternativas para el conjunto . Algunas de estas alternativas son:

## Complejidad del problema.

El problema TSP es un problema NP-Duro, demostrado por Richard Karp en 1972 [3]. De dicha demostración se puede deducir que los problemas VRP y MDVRP son problemas NP-duros también. Esta es la razón por la cual el objetivo que se plantea generalmente es encontrar una “buena solución” y no la que minimiza el costo total.

La complejidad NP-Duro del MDVRP, que aumenta exponencialmente a medida que lo hace el número de clientes, dificulta el desarrollo de métodos que resuelvan el problema de manera óptima en un tiempo razonable. No obstante, y a pesar de su elevado costo computacional, existen ejemplos prácticos de métodos exactos aplicados al MDVRP que serán tratados posteriormente. El enfoque más habitual a la hora de resolver este problema es el de aplicar métodos heurísticos o metaheurísticos, capaces de generar soluciones cercanas a la óptima sin incurrir en altos tiempos de ejecución y carga computacional.

## El problema de rutas de vehículos o Vehicle Routing Problem (VRP)

El problema de ruteo de vehículos (VRP) como ya se menciono, se consideró por primera vez por Dantzig y Ramser [4], que desarrollaron un enfoque heurístico utilizando las ideas de programación lineal. En este enfoque los vehículos solo tienen restricciones de capacidad y costo máximo de la ruta que recorren.

s.a.

A continuación la formulación de este problema [5] [6]

(1.6)

(1.7)

(1.8)

(1.9)

(1.10)

(1.11)

(1.12)

(1.13)

(1.14)

(1.15)

Donde

= Número de vehículos

= Capacidad del vehículo

= Costo máximo permitido para la ruta de vehículo

= Demanda del nodo ,

= 1, si el par pertenece a la ruta del vehículo , 0 en otro caso.

En la formulación anterior, las restricciones (1.7) y (1.8) aseguran que cada cliente es atendido por uno y sólo un vehículo. La continuidad de la ruta está representada por (1.9). La restricción (1.10) representa las limitaciones de capacidad del vehículo y (1.11) representa las limitaciones de costo de cada ruta. Las restricciones (1.12) y (1.13) aseguran que la disponibilidad de vehículos no sea superada. Finalmente la restricción (1.15) se utiliza para prohibir soluciones sub-tour. Esta última restricción también se puede es escribir como una desigualdad:

Se asume que y ,

La demanda en cada nodo es menor o a lo sumo igual a la capacidad de cada vehículo.

### Variantes del VRP

((( ver <http://repositorio.utp.edu.co/dspace/bitstream/11059/4000/1/5196O75.pdf> ... punto 1.2 tipos de VRP)))

La actual diversidad de aplicaciones donde asuntos de ruteo pueden ser encontrados, conllevan a una definición de diferentes variantes del VRP con características adicionales y restricciones, que se llamarán atributos. Estos atributos buscan capturar un mayor número de detalles o tomas de decisiones, contribuyendo a una mayor riqueza del problema. Cómo son: estructura del sistema (depósitos, flotas de vehículos), requerimientos de los clientes (ventanas de tiempo, visitas multi-depósito), reglas de operación de vehículos (lugar de carga, restricciones en rutas, distancia o tiempo total), y contextos de decisiones (congestiones vehiculares y planeación sobre horizontes de tiempo extendidos) [7].

Los diferentes atributos y restricciones del problema generan una familia de la que vale la pena mencionar ocho casos típicos, los cuales al compartir características pueden dar lugar a todo un universo de problemas VRP. Los principales problemas de ruteo de vehículos se ilustran en la siguiente figura y pueden ser descritos así [8]:

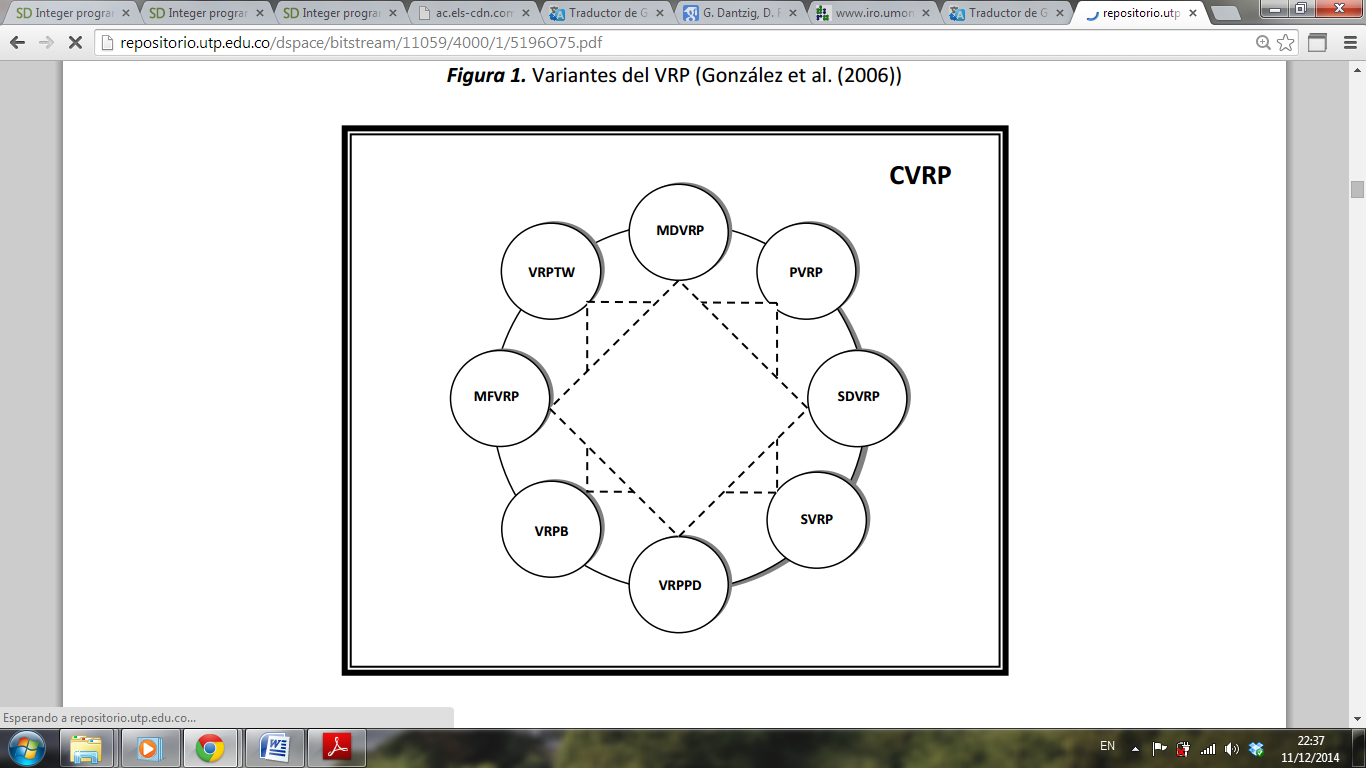


Figura 1.4: Variantes principales de VRP

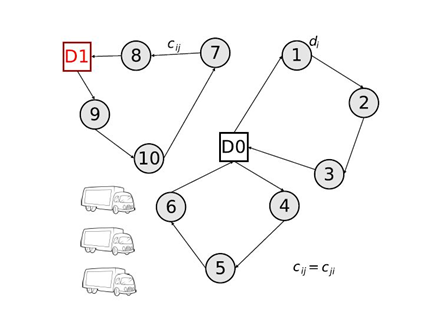
1. CVRP (Capacitated VRP): Es el VRP más general y consiste en uno o varios vehículos con capacidad limitada y constante encargados de distribuir los productos según la demanda de los clientes. Este problema de optimización del tipo NP-Duro, combina las características de un Bin Packing Problem (BPP) (Ver Anexo 1), con el objetivo de asignar las cargas a los vehículos capacitados, y un problema del agente viajero (TSP) que apunta a encontrar la mejor ruta para cada vehículo. [9] (Shaw, P. (1998)) [10] [11].
2. MDVRP (Multiple Depot VRP): También llamado VRP con múltiples depósitos, es un caso de ruteo de vehículos en el que existen varios depósitos (cada uno con una flota de vehículos independiente) que deben servir a todos los clientes. [12] [13] [14] [15].
3. PVRP (Periodic VRP): Contempla en su planteamiento un horizonte de operación de M días, periodo durante el cual cada cliente debe ser visitado una vez. (Drummond, L. et al. (2001)) (Francis, P. et al. (2006)) (Alonso, F. et al. (2007)) (Hemmelmayr, V. et al. (2009)).
4. SDVRP (Split Delivery VRP): También llamado VRP de entrega dividida, donde se permite que un cliente pueda ser atendido por varios vehículos si el costo total se reduce, lo cual es importante si el tamaño de los pedidos excede la capacidad de un vehículo. (Belenguer, J. et al. (2000)) (Hertz, A. et al. (2006)) (Chen, S. et al. (2007)) (Jin, M. et al. (2007)).
5. SVRP (Stochastic VRP): Se trata de un VRP en que uno o varios componentes son aleatorios; clientes, demandas y tiempos estocásticos son las principales inclusiones en este tipo de problemas. (Dror, M. et al. (1986))(Bertsimas, D. et al. (1991)) (Gendreau, M. et al. (1996)) (Laporte, G. et al. (2002)).
6. VRPPD (VRP Pickup and Delivery): También llamado VRP con entrega y recogida, es aquel en el que cabe la posibilidad de que los clientes pueden devolver determinados bienes, por tanto, se debe tener presente que estos quepan en el vehículo. Esta restricción hace más difícil el problema de planificación y puede causar una mala utilización de las capacidades de los vehículos, un aumento de las distancias recorridas o a un mayor número de vehículos. (Dethloff, Jan (2001)) (Montané, A. et al. (2006)) (Bianchessi, N. et al. (2007)) (Kachitvichyanukul, V. et al. (2009)).
7. VRPB (VRP with Backhauls): Se trata del mismo VRPPD, pero incluye la restricción de culminar todas las entregas antes de iniciar las diversas recogidas. Este concepto, parte del hecho de que los vehículos inicialmente están cargados en su totalidad, luego re-asignar cargas a los camiones en los almacenes puede llegar a ser imposible, desde la perspectiva económica o física. (Toth y Vigo (1997)) (Mingozzi, A. et al. (1999)) (Osman, I. et al. (2002)) (Brandão, José (2006)).
8. MFVRP (Mixed Fleet VRP): Es un VRP en el que se suponen vehículos con distintas capacidades o capacidad heterogénea, por lo que es necesario considerar estas capacidades en la ruta que seguirá cada recurso, ya que un camión más grande podrá realizar una ruta más larga o que tenga mayor concentración de demanda. (Gendreau, M. et al. (1999)) (Tarantilis, C. et al. (2004)) (Choi, E. et al. (2007)) (Golden, B. et al. (2007)).
9. VRPTW (VRP with Time Windows): Es aquel en el que se incluye una restricción adicional en la que se asocia a cada cliente una ventana de tiempo, es decir, cada cliente sólo está dispuesto a recibir el bien o servicio durante un intervalo de tiempo predeterminado. (Taillard, E. et al. (1997)) (Bent, R. et al. (2004)) (Kallehauge, B. et al. (2005)) (Xiao, J. et al. (2012)). Sorft y hard windows

En general, cada problema VRP de la vida real supone en sí mismo una variante del problema original, ya que cada caso tiene sus características y restricciones propias.

## Multi-Depot Vehicle Routing Problem (MDVRP)

Se considera el ejemplo de la *figura 1.5* para mostrar el problema de enrutamiento de vehículos con múltiples depósitos. En este caso las restricciones son las mismas que para el VRP clásico.

* Cada ruta comienza y termina en el único depósito.
* Cada cliente es visitado por exactamente una ruta.
* La demanda de los clientes visitados en una misma ruta no supere la capacidad del vehiculo.
* Los vehículos parten de un depósito y llegan al mismo luego de finalizar su recorrido.

v

*Figura 1.5 : Ejemplo de MDVRP con dos depósitos, un vehículo asignado al depósito D1 y dos vehículos asignados al depósito D0. Cij es el costo de ir del cliente i al cliente j. Di son los depósitos y di son los clientes. Se puede observar las rutas determinadas para cada vehículo por lo tanto ilustra una solución del problema*

Por otro lado consideramos las restricciones implícitas en el caso de MDVRP clásico que analizaremos inicialmente.

* Los vehículos de la flota tienen las mismas características.
* Los clientes pueden ser visitados en cualquier momento
* El orden de visita de los clientes no es importante
* Los vehículos sólo entregan o sólo reciben carga de los clientes

La formulación del problema de MDVRP se presenta a partir de la formulación vista anteriormente de VRP. Siendo (N + 1 .... N + M) los M depósitos. Dicha formulación se encuentra en [16], donde además se presentan distintas formulaciones para el mismo problema.

s.a.

(1.16)

(1.17)

(1.18)

(1.19)

(1.20)

(1.21)

(1.22)

(1.23)

(1.24)

(1.25)

Donde

Donde

= Número de vehículos

= Capacidad del vehículo

= Costo máximo permitido para la ruta de vehículo

= Demanda del nodo ,

= 1, si el par pertenece a la ruta del vehículo , 0 en otro caso.

En la formulación anterior, las restricciones (1.17) y (1.18) aseguran que cada cliente es atendido por uno y sólo un vehículo. La continuidad de la ruta está representada por (1.19). La restricción (1.20) representa las limitaciones de capacidad del vehículo y (1.21) representa las limitaciones de costo de cada ruta. Las restricciones (1.22) y (1.23) aseguran que la disponibilidad de vehículos no sea superada. Finalmente la restricción (1.25) se utiliza para prohibir soluciones sub-tour.

### Variantes del MDVRP

Las variantes del VRP vistas anteriormente, como flota heterogénea, time Window, Pick-Up and Delivering, periodic, etc. También se pueden aplicar en MDVRP. Hay un gran número de artículos publicados para cada una de ellas las que analizaremos mas adelante en este documento. (((CONTINUAR y LISTAS ver Montoya y ejemplos)))

También es importante notar que al contar con más de un depósito se pueden generar variantes en la que los vehículos tengan que pasar por depósitos particulares en su recorrido o finalizar el recorrido en un depósito distinto al inicial. A esta variante de MDVRP se la conoce como MDVRPI (Multi-Deport Vehicle Routing Problem with Inter-Depot Routes). Existen soluciones para MDVRPI como por ejemplo <http://www.inf.u-szeged.hu/~cimreh/inter.pdf> pero no se analizaran estas soluciones en este documento ya que no están en el alcance de este proyecto.

A su vez, el problema de varios depósitos y los recorridos particulares entre los depósitos genera una nueva gama de problemas donde la buqueda de soluciones esta directamente relacionada con MDVRP, como por ejemplo el Track and Trailer Vehicule Routing Problem (TTVRPTW). En este caso se quiere optimizar el plan de rutas para camiones y trailer dado un conjunto de clientes en el caso de exportaciones e importaciones, siendo necesario visitar un depósito, puerto y el clientes. En el caso de las exportaciones se inicia el recorrido desde el depósito pasando por el cliente a cagar la mercadería y luego al puerto. Para el caso de las importaciones, se parte del puerto, se descarga el contenedor en el cliente y se lleva el contenedor vacío al depósito. Estos problemas tienen dos particularidades implícitas, una es el manejo de ventanas de tiempo para los clientes y otra es que el objetivo final requiere encontrar la mejor ruta, asi como la cantidad mínimas de camiones y los distintos tipos de camiones necesarios. ( REF A hybrid multiobjective evolutionary algorithm)

Otra variante que se pueden encontrar en las publicaciones de MDVRP son las relacionadas a los objetivos finales de la solución. En la revisión de MDVRP de 2015\_MDVRP\_review montoya [REF] se analizan a grandes rasgos las soluciones multi-objetivo de este problema, en donde se presentan múltiples variables de decisión para la solución final. A estos modelos se lo conoce como MOM-MDVRP; muchas veces estos objetivos pueden ser contradictorios como por ejemplo minimizar el número de vehículos y maximizar el nivel de servicios. Existen numerosas publicaciones sobre MOM-MDVRP aunque su número es mucho menor a las publicaciones de MDVRP.

Según el análisis de 147 publicaciones de MDVRP publicado en [Montoya], aproximadamente 12% Corresponden a MOM-MDVRP y entre dichas publicaciones las funciones objetivos varían entre demanda, balanceo de carga de vehículos, número de vehículos, costo/distancia y otras. Centrándose en la mayoría de las publicaciones únicamente en el costo/distancia (un 80%).

-----Analizar desde punto de vista de Variantes de MOM de Lian and KWOK 2005--

            Cómo ya se mencionó, el problema MDVRP y sus variantes son problemas NP- Duro, por lo cual cualquier método exacto de resolución llevaría tiempos de procesamiento excesivos. Por esa razón es de principal interés la investigación de Heurísticas para tratar este tipo de problemas. Se han propuesto métodos exactos para resolver este problema en art%3A10.1007%2Fs10107-008-0218-9.pdf poner referencia

            Un enfoque que se ha utilizado para este problema es dividir el problema en dos fases. Una primera fase de asignación de clientes a depósitos y una segunda fase en que se determinan las rutas que siguen los vehículos de cada depósito para los clientes asignados (poner referencia a TANSINI…y hay otras más… la de omar viera…). La segunda fase se reduce al problema VRP con un único depósito.

            También se encuentran métodos de resolver el problema con una tercera fase de optimización. Por ejemplo en [Surekha P\* Dr.S.Sumathi] plantea una primera fase en la cual se agrupan los clientes a los depósitos más cercanos, luego se rutea en cada depósito con el método de Clarke and Wright, y luego se distribuyen y optimizan las rutas utilizando un algoritmo de optimización GA(Genetici algorihitn). Explicar este tipo de algoritmo

            Otra variante en los métodos de resolución de MDVRP, es la utilización de “Cellular Ant Algorithm”[poner referencia a Yuanzhi]. En el cual se convierte el problema de multi-deposito, en un problema con un único depósito, asumiendo que hay un único depósito virtual y que cada cliente y depósito es “cliente” del depósito virtual. Partiendo de ese supuesto se aplica luego el algoritmo de optimización. El autor indica cuatro diferencias significativas a tomar en cuenta entre SDVRP y MDVRP con un depósito virtual:

1-El costo desde el depósito virtual al depósito “real” es cero.

2-Un vehículo que parte del depósito virtual solo puede ir a un depósito real.

3-El vehículo termina su recorrido en el depósito real visitado.

4-El vehículo solo puede pasar por un único depósito “real”.

DEBERES

Javier resolución MDVRP

Alejandro VRP, VRP variantes, GA

Fran Formulacion MDVRP

Nombre proyecto: MDVRP

- Indice

- introducción FRAN

- Nombre proyecto: MDVRP

- Indice

- introducción

El problema de distribución y su correcta planificación del transporte es un problema estudiado ampliamente. En la práctica la utilización y asistencia por medio de programas informáticos para el proceso de planeación en casos de distribución ha permitido ahorrar entre un 5% y un 20% en los costos de transporte global. Asi mismo el costo de transporte representa entre el 10% y 20% del costo total de los bienes [13].

FRAN….ejemplo de MDVRP a forma de introducción al problema.

Puntualmente estaremos realizando un estudio de estado del arte del problema de MDVRP (multidepor Veichle routing Problem) que consiste desde un punto de vista muy simplista en el estudio de la distribución de bienes a un conjunto de clientes con varias restricciones importantes las cuales se detallaran a medida que se avance en la introducción del problema.

Para comenzar a hablar del MDVRP, es necesario mencionar previamente los subproblemas que él mismo contiene y el estudio formal de los mismos. Inicialmente el primero problema detectado y estudiado que abarca una pequeña parte del MDVRP es el “Problema del Agente Viajero”. En inglés se lo conoce como TSP (Travelling Salesman Problem).

El “Problema del Agente Viajero” o problema del viajante consiste en determinar la ruta mas corta necesaria para visitar un conjunto de ciudades y regresar a la ciudad de origen. Considerándolo como un problema de Grafos, consiste en encontrar un ciclo simple que visite todos los nodos y cuyo costo total sea mínimo.—referencia.

Dicho problema lo estudiaron ya en 1856 Kirkman y Hamilton y luego Kowalewsky en 1917. No está claro cuándo fue que se trató el problema matemáticamente por primera vez [14]. Un aspecto sumamente importante de este problema es el tiempo de resolución del mismo, en el caso de tener n ciudades la cantidad de posibles rutas son n!/2 [4]. Por lo tanto el uso de de métodos exactos de optimización para resolver este problemas con gran cantidad de ciudades nos darían tiempos de procesamiento muy altos. El Problema del agente viajero es un problema NP-Duro, demostrado por Richard Karp en 1972 [15].

Definición formal de TSP: (grafos)

Continuando con el análisis del los subproblemas de MDVRP y ya siendo presentado el TSP, el siguiente problema es el problema de enrutamiento de veiculos. En inglés se lo conoce como VRP (Vehicle Routing Problem).

Dicho problema se puede ver como el TSP para varios agentes viajeros que parten de la misma ciudad agregando restricciones de capacidad. Consiste en determinar rutas de vehículos para darle servicio a un conjunto de clientes, los cuales tiene una determinada demanda, y los vehículos tienen una determinada capacidad. Dicha generalización del VRP a partir de TSP fue planteada en 1959 en “The Truck Dispatching Problem” por Dantzig y Ramser [4].

Definición formal de VRP: (grafos)

MDVRP es una variante de VRP, en la cuál bla bla bla bla, referencia[] en el anexo I se pueden ver otras variantes de VRP en su forma básica. Continuando así analizando las variantes de MDVRP.

Puntualmente el probema de MDVRP fue planteado por por primera vez en …. Bla bla bla

Definición formal ---Ver celular and colony reference.

MDVRP fue plantedo pr primera vez òr … en ….

---Ver celular and colony reference.

La definion formal del problema.

Definicion Metods exactos y heuristicas, que es cada uno y como se relacionan (en funcion de la solucion y el tiempo).

La resolución de este problema se puede realizar en dos etapas una de zonificación y otra de asignación y una segunda etapa de Ruteo. Otra forma de resolver este problema es de forma unificada, donde la asignación zonificación y ruteo se realizan akl mismo tiempo. En este informe nos enfocaremos en la resolución por etapas pues esta es la sugerencia de los tutores asi como lo recomendado en casos de muchos clientes (poner referencia, ver papers de omar).

-- resoucion unificada de MDVRP y sus variantes. JAVIER

El Chino Yuanzhi Wang propone una resolución unificada en el articulo (RESEARCH OF MULTI-DEPOT VEHICLE ROUTING PROBLEM BY CELLULAR ANT ALGORITHM)

Cómo análisis actual del problema de MDVRP y su resolución en un solo paso, se puede consultar la referencia [poner al chino] en este método se aplica distintas técnicas de resolución generando una solución de un paso. En este caso puntual se resolvió el problema MDVRP para 15 clientes y 3 depósitos obteniendo un resultado factible y eficiente. [ref al chino]

Otra opción es Gallego Mateo IMDVRP, IVNDS (<http://revista.jacobea.edu.mx/n5/3.Desarrollo%20de%20un%20m%C3%A9todo%20h%C3%ADbrido%20para%20la%20resoluci%C3%B3n%20del%20MDVRP%20V2.pdf)>}

(buscar info)

-- resoulucion en dos faces (zonificacion y asignacion) de MDVRP y sus variantes.

---zonificacion yy asignacion

---- zonificacion de MD solo. (Averiguar si hay métodos exactos para zonificación/asignacion)

------ uno de los papers de Omar. ALE

Ejemplo <http://www.laccei.org/LACCEI2012-Panama/RefereedPapers/RP029.pdf> ALE

---- zonificacion de sus variantes

------- el otro paper de Omar (para TW).

------- buscar otras variantes.

Con capacidad <http://www.laccei.org/LACCEI2012-Panama/RefereedPapers/RP029.pdf>

--- Ruteo

Introduccion.

Tecnicas exactas (maestria Alfredo)

* **Heurísticas de construcción.**
* **Heurísticas de dos fases.**

**Heurísticas de mejora iterativa**

Complementar con <http://bibing.us.es/proyectos/abreproy/5166/fichero/Volumen+1%252FCap%EDtulo+4.pdf>

- Explicar VRPTW, CVRP, etc

- Explicar que el MD se aplica para los variantes anteriores.

- Explicar que es el TSP

---- VRP clasico (clark and wite)

---- VRPTW (salomon Y PARAELO)

---- CVRP  (buscar)

---- VRP flota heterogenea ver informe

---Post Optimizacuion

----lamda opt

----no se que genus

# Bibliografía

|  |  |
| --- | --- |
| [1] | I. Gallegos Mateos, A. Gómez Gómez y D. Arguelles Martino, «A hybrid method for the resolution of the MDVRP,» pp. 45-64, 2013. |
| [2] | A. Olivera, «Memorias adaptativas para el problema,» 2005. |
| [3] | G. Dantzig, D. Fulkerson y S. Johnson, «Solution of a large scale traveling salesman,» 1954, pp. Vol. 2, 393-410. |
| [4] | G. B. Dantzig y J. H. Ramser, «The Truck Dispatching Problem,» pp. 80-91, 1959. |
| [5] | B. Golden, «Vehicle routing problems: Formulations and heuristic solution techniques,» Technical report No. I13, MIT Operations Research Centre, 1975. |
| [6] | B. Golden, T. Magnati y H. Nguyen, «Implementing vehicle routing alogorithms,» 1977, pp. 113-148. |
| [7] | T. Vidal, T. G. Crainic, M. Gendreau y C. Prins, «Heuristics for multi-attribute vehicle routing problems: A survey and synthesis,» 2012. |
| [8] | G. González Vargas y F. González Aristizabal, «Metaheurísticas aplicadas al ruteo de vehículos. Un caso de estudio. Parte 1: formulación del problema,» *Revista Ingeniería e Investigación,* vol. 26, nº 3, pp. 149-156, 2006. |
| [9] | K. Jansen, «Bounds for the general capacitated routing problem.,» vol. 23, pp. 165-173, 1993. |
| [10] | C. Prins, «A simple and e$ective evolutionary algorithm for the vehicle routing problem,» *Computers & Operations Research 31,* pp. 1985-2002, 2004. |
| [11] | P. Toth y A. Tramontani, «An Integer Linear Programming Local Search for Capacitated Vehicle Routing Problems,» *The vehicle routing problem: Latest advances and new challenges,* vol. 2, pp. 275-295, 2008. |
| [12] | J. Renaudl, G. Laporte y F. F. Boctor, «A tabu search heuristics for the multi-depot vehicle routing problem,» *Computers& Operations Research,* vol. 23, nº 3, pp. 229-235, 1996. |
| [13] | P. Toth y D. Vigo, The Vehicule Routing Problem. |
| [14] | A. Schrijver, «On the History of Combinatorial Optimization,» 1960. |
| [15] | R. M. Karp, «Reducibility Among Combinatorial Problemas,» 1971. |